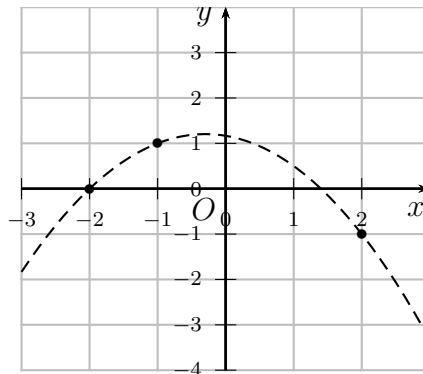


## Suppléments : fonctions du second degré

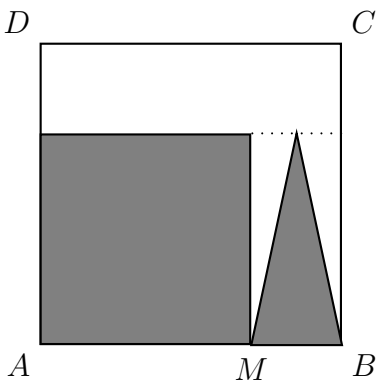
### Exercice I (parabole passant par trois points quelconques)

Soit une  $f$  une fonction définie par  $f(x) = ax^2 + bx + c$  dont la courbe doit passer par les trois points représentés ci-dessous.



- 1°) À l'aide d'un système, donnez les valeurs de  $a$ ,  $b$  et  $c$ .
- 2°) En déduire  $f(0)$ . Vérifiez sur le graphique.
- 3°) Résoudre graphiquement puis par le calcul l'équation  $f(x) = 0$ .
- 4°) Résoudre graphiquement puis par le calcul l'inéquation  $f(x) < 1$ .
- 5°) a) La courbe admet un axe de symétrie. Donnez l'équation de cette droite.  
b) Sans utiliser la propriété du cours, prouvez d'une autre façon que c'est bien un axe de symétrie.

### Exercice II



Le carré  $ABCD$  a un côté de longueur 8 cm.  $M$  est un point du segment  $[AB]$ . On dessine comme ci-contre dans le carré  $ABCD$  :

- un carré de côté  $[AM]$
- un triangle isocèle de base  $[MB]$  et dont la hauteur a même mesure que le côté  $[AM]$  du carré.

On s'intéresse aux aires du carré, du triangle, du motif constitué par le carré et le triangle.

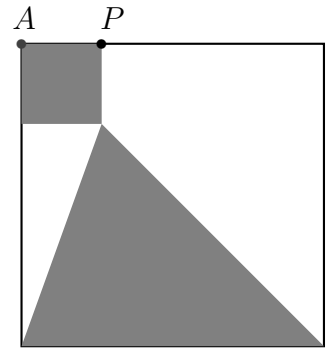
- 1°) On voudrait que le motif ait une aire égale à la moitié de celle du carré  $ABCD$ . Quelles dimensions faut-il donner au motif?
- 2°) Déterminer l'évolution de l'aire du motif quand  $AM$  varie de 0 à 8.
- 3°) a) L'aire du triangle est-elle constante ou variable?  
b) Est-il possible de faire en sorte que l'aire du triangle soit la plus grande possible? Si oui préciser dans quel(s) cas?
- 4°) a) Est-il possible que l'aire du triangle soit égale à l'aire du carré?  
b) Est-il possible de faire en sorte que l'aire du triangle soit plus grande que l'aire du carré? Si oui, préciser dans quels cas c'est possible.

### Exercice III

Un jardinier paysagiste doit créer un jardin de fleurs dont le cahier des charges est le suivant :

- on dispose d'un terrain de forme carrée de côté 10 m,
- partie à fleurir doit correspondre au schéma rouge représenté sur le dessin ci-contre (carré et triangle ayant un sommet commun), le point P est situé sur un côté du carré,
- la zone à fleurir doit être d'aire minimale.

Pouvez-vous aider le jardinier ?



### Exercice IV

$ABCD$  est un carré de côté 6 unités. P est un point de  $[DC]$ .

Q est un point de  $[BC]$  et S est un point de  $[AD]$  tel que  $DP = CQ = AS = x$  avec  $x$  qui appartient à  $[0; 6]$ .

R est un point de  $[AB]$  tel que  $AR = 1$ .

1°) Montrer que l'aire  $A(x)$  du quadrilatère  $PQRS$  vaut :  $A(x) = x^2 - 4x + 21$ .

2°) Résoudre l'équation et l'inéquation suivantes :

a)  $A(x) = 18$

b)  $A(x) > 26$

3°) Pour quelle valeur de  $x$  l'aire du quadrilatère  $PQRS$  est-elle minimale ?

4°) Pour quelle valeur de  $x$  l'aire du quadrilatère  $PQRS$  est-elle maximale ?

### Exercice V

Soit  $ABCD$  un rectangle tel que  $AB = 10$  et  $AD = 3$ .

Soit  $M$  un point de  $[AB]$ .

Déterminez les positions possibles de  $M$  pour que  $CMD$  soit un triangle rectangle en  $M$ .